

**Задача 5.** В соответствии с Налоговым кодексом России некоторые организации используют упрощенную систему налогообложения (УСН), согласно которой налогом облагаются только их доходы (выручка), а не прибыль.

Предположим, что в небольшом городе Урдеке на рынке пассажирских перевозок действует единственная транспортная компания «Рулит», которая как раз планирует перейти на УСН, в соответствии с которой налог устанавливается в виде процента от получаемого компанией дохода (выручки). Управление экономического развития Администрации города предоставило информацию о спросе на транспортные услуги компании, который описывается функцией:

$$Q = 200 - P,$$

где  $Q$  – количество перевозимых пассажиров, а  $P_D$  – цена билета за поездку.

Зависимость общих затрат компании от количества перевезенных пассажиров представлена в виде:

$$TC = Q^2 + 300$$

Администрация города Урдека намерена увеличить объем пассажирских перевозок в городе на 20% по сравнению с существующим объемом и снизить цены на проезд в общественном транспорте. Для этого было принято решение субсидировать транспортную компанию в виде выплаты фиксированной суммы денег за каждого перевезенного пассажира. При этом дополнительно было принято решение о том, чтобы установить ставки налога и субсидии таким образом, чтобы сумма уплачиваемого налога компании в бюджет города равнялась сумме субсидии, выплачиваемой компанией из бюджета города.

**A)** Рассчитать ставку налога на доход компании ( $t$ ) и ставку субсидии ( $s$ ), выплачиваемой компании из бюджета города при заданных условиях.

**B)** Определить окажут ли влияние вычисленные ставки налога и субсидии на прибыль компании и рассчитать прибыль.

**C)** Определить цены за проезд до введения налога и субсидии и после их введения.

A)  $\pi_1 = TR - TC = 200Q - Q^2 - 300 - 200Q \cdot Q - 300 - \text{этот израсходовано}$   
 $\pi_1 = Q^2 + 300$

$\pi_1 = (1-t)(200Q - Q^2) - Q^2 - 300 + sQ - \text{это налоговая}$   
 $\pi_1 = (1-t)(200 - Q) - 2Q + sQ = 0 \quad | \text{ максимум в вершине}$

$T = t \cdot TR + sQ$   
 $T = sQ$   
 $t \cdot TR = sQ$

$t \cdot (200 - Q) - Q^2 = sQ$   
 $t - \frac{Q}{2} = s$

$\pi_1 = (1-t) \cdot TR(Q) - t \cdot TR(Q) + sQ \rightarrow \pi_1 = t \cdot TR(Q) - t \cdot t \cdot TR(Q) + sQ$

$\pi_1 = t \cdot TR(Q) - t^2 \cdot TR(Q) + sQ \rightarrow \pi_1 = t \cdot TR(Q) - t^2 \cdot (200 - Q) + sQ$

$\pi_1 = t \cdot TR(Q) - t^2 \cdot 200 + t \cdot Q + sQ \rightarrow \pi_1 = t \cdot 200 - t^2 \cdot 200 + t \cdot Q + sQ$

$\pi_1 = t \cdot 200 - 200t^2 + t \cdot Q + sQ \rightarrow \pi_1 = 150t - 200t^2 + 140$

$\pi_1 = 150t - 200t^2 + 140 \rightarrow \pi_1 = 150t - 200t^2 + 140 = 0 \rightarrow t = 1,5$

$\pi_1 = 150 \cdot 1,5 - 200 \cdot 1,5^2 + 140 = 150 \cdot 1,5 - 200 \cdot 2,25 + 140 = 225 - 450 + 140 = -185$

$\pi_1 = 150 \cdot 1,5 - 200 \cdot 1,5^2 + 140 = 150 \cdot 1,5 - 200 \cdot 2,25 + 140 = 225 - 450 + 140 = -185$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА УЧАСТНИКА ОЛИМПИАДЫ ШКОЛЬНИКОВ СПбГУ

2019–2020

заключительный этап

ЭКОНОМИКА (10-11 класс)

Москва

Дата: 01.04.2020

### ВАРИАНТ 8

**Задача 1.** На норвежском рынке производят национальный продукт брюнуст – коричневый сыр. Для этого производства бизнес обратился за дотацией. Спрос на эту продукцию задан функцией  $Q=120-2P$ , где  $Q$  – количество товара в штуках головок сыра,  $P$  – цена товара в норвежских кронах. При установившемся на рынке равновесии известно, что, если цена изменится на 1%, то объем спроса изменится на 2%, а объем предложения изменится на 1%.

1. Определите размер выручки производителей при установившемся равновесии.
2. Определите, по какой цене должен продаваться этот товар, чтобы выручка производителей была максимальной и размер максимальной выручки.
3. Дотацию какую величину необходимо дать производителям рынка на каждую единицу продукции, чтобы была достигнута максимальная выручка.
4. Определите объем продаж и рыночную цену, если на данном рынке, в результате объединения производителей, была создана одна крупная компания-монополист.

*решение.*

$$\begin{aligned} 1) & P\% = 1 / \Delta Q\% = 2 \Rightarrow \varepsilon_s^1 = -2 / \left( -\frac{1}{2} \right) = 4 \\ & P\% = 1 / \Delta Q\% = 1 \Rightarrow \varepsilon_s^2 = 1 \\ & Q = 120 - 2P \quad | \quad \varepsilon_s^1 = -2 \Rightarrow P^* = 40 ; Q^* = 40 \Rightarrow TR = 1600 \\ 2) & TR = P \cdot Q \quad | \quad Q = 120 - 2P \Rightarrow P = 60 - \frac{Q}{2} \Rightarrow TR = 60Q - \frac{Q^2}{2} - \text{это первичное выражение,} \\ & \text{которое в первичном выражении } TR_a = 60 - Q - 0 ; Q = 60 ; P = 30 ; P = 30 ; TR = 1800 \\ 3) & \text{Вторичное выражение} - \text{это цена, которую получаем продавцы, для} \\ & \text{получения выигрыша, которую платят покупатели.} \Rightarrow P_s - P_d = \delta \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & P_s = 40 ; P_d = 60 \Rightarrow \delta = 20 \\ & \delta = 1 / \frac{\partial P_d}{\partial Q} = 1 \rightarrow \delta = 1 \Rightarrow Q_s = \delta P \Rightarrow P = 40 ; Q = \delta P \\ & P_s = 60 - \frac{Q}{2} \Rightarrow S = P_s - P_d = Q - 60 + \frac{Q}{2} = 1,5 Q - 60 \\ & S - 40 = 40 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & t - \frac{2}{3} \Rightarrow S = 140 \cdot \frac{2}{3} = \frac{280}{3} = 93 \frac{1}{3} \\ & \pi_1 = \pi_0 - tC(Q) \rightarrow \pi_1 = \pi_0 - t \cdot TR(Q) + t \cdot C(Q) \rightarrow \pi_1 = \pi_0 - t \cdot TR(Q) + t \cdot t \cdot TR(Q) + t \cdot C(Q) \rightarrow \pi_1 = \pi_0 - t^2 \cdot TR(Q) + t \cdot C(Q) \rightarrow \pi_1 = \pi_0 - t^2 \cdot (200 - Q) + t \cdot C(Q) \rightarrow \pi_1 = \pi_0 - t^2 \cdot 200 + t \cdot Q + t \cdot C(Q) \rightarrow \pi_1 = \pi_0 - 200t^2 + t \cdot Q + t \cdot C(Q) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \pi_1 = \pi_0 - 200t^2 + t \cdot Q + t \cdot C(Q) \rightarrow \pi_1 = 1600 - 2 \cdot 60^2 - 300 + 140t + 140 \cdot t + 140 \cdot 140 \rightarrow \pi_1 = 1600 - 2 \cdot 3600 - 300 + 140t + 140t + 19600 \rightarrow \pi_1 = 1600 - 7200 - 300 + 280t + 19600 \rightarrow \pi_1 = 15500 + 280t \rightarrow \pi_1 = 15500 + 280 \cdot 1,5 \rightarrow \pi_1 = 15500 + 420 \rightarrow \pi_1 = 15920 \\ & \text{или если } t = 1,5 \text{ то } \pi_1 = 15920 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \text{или если } t = 1,5 \text{ то } \pi_1 = 15920 \\ & \text{или если } t = 1,5 \text{ то } \pi_1 = 15920 \end{aligned}$$

**Задача 2.** В связи с оживлением экономики и открытием новых рабочих мест в государстве Острова Кокоса и Черимойи численность занятых снизилась за год на 6%. При этом уровень безработицы в предыдущем году составлял 10%, а в нынешнем - увеличился до 12%.

**Определите, на сколько процентов и в какую сторону изменилось за год количество безработных.**

Пусть  $E_0$  - количество гражданских до изменения (в %),  $E_1$  - количество гражданских после изменения)

$$E_1 = 0,94 E_0 ;$$

$$\frac{U_0}{U_0 + E_0} = 0,1 : \frac{U_1}{U_1 + E_1} \Rightarrow F_0 = 2U_0 ; U_1 = 0,12 U_0 + 0,12 E_1 \Rightarrow E_1 = \frac{22}{3} U_1$$

$$\frac{22}{3} U_1 = 0,06 \Rightarrow U_1 = \frac{0,06 \cdot 3}{22} U_0 \Rightarrow U_1 \approx 1,1536 U_0 \Rightarrow \text{Количество безработных}$$

увеличилось на 15,36%.

Однако уменьшилось на 15,36%.

**Задача 3.** Администратору фирмы Елене требуется отремонтировать центральный офис.

Фирма «Штукатурка», занимающаяся ремонтом помещений, предлагает на выбор любых двух из свободных на данный момент четырёх рабочих: Петра, Марии, Игоря и Анну. Известно, что Пётр, работая один, может выполнить всю работу за  $a+3$  дня, Мария — за  $a+6$  дня, Игорь — за  $a+4$  дня и Анна — за  $a+5$  дней, при этом работа Петра стоит 6 тыс. рублей в день, Марии — 4 тыс. рублей в день, Игоря — 3,5 тыс. рублей в день. Елена выбирает для ремонта двух наиболее дешёвых рабочих: Анну и Игоря.

**При каких значениях  $a$  ремонт офиса обошёлся бы Елене дешевле, если бы она выбрала Петра и Марью вместо Анны и Игоря?**

$$\begin{aligned} & \text{Фирма} \quad a \quad a+3 \quad a+4 \quad a+5 \quad a+6 \\ & \text{Учк} \quad 6000/6 \quad 4000/4 \quad 3500/5 \quad 1500/3 \\ & \text{Игр} \quad \frac{1}{a+3} \quad \frac{1}{a+4} \quad \frac{1}{a+5} \quad \frac{1}{a+6} \\ & \text{Анна} \quad \frac{1}{a} \quad \frac{1}{a+3} \quad \frac{1}{a+4} \quad \frac{1}{a+5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & P_{\text{Петр}} = \frac{1}{a} + \frac{1}{a+3} = \frac{2a+3}{a^2+3a} \Rightarrow P_{\text{Петр}} \text{ стоимость} \left( \frac{a^2+3a}{2a+3} \right) \text{ рублей} \\ & P_{\text{Мария}} = \frac{1}{a+3} + \frac{1}{a+4} = \frac{2a+10}{a^2+10a+24} \Rightarrow P_{\text{Мария}} \text{ стоимость} \left( \frac{a^2+10a+24}{2a+10} \right) \text{ рублей} \\ & T_{\text{Петр}} < T_{\text{Мария}} \\ & (6000+4000) \cdot \frac{a^2+10a+24}{2a+10} < (1500+3500) \cdot \frac{a^2+3a}{2a+3} \end{aligned}$$

$$(6000+4000) \cdot \frac{a^2+10a+24}{2a+10} < (1500+3500) \cdot \frac{a^2+3a}{2a+3}$$

$$\frac{5a^2+15a}{2a+3} - \frac{3a^2+9a+72}{2a+10} < 0$$

$$2a^3 + 11a^2 - 84a - 216 < 0 \quad (1)$$

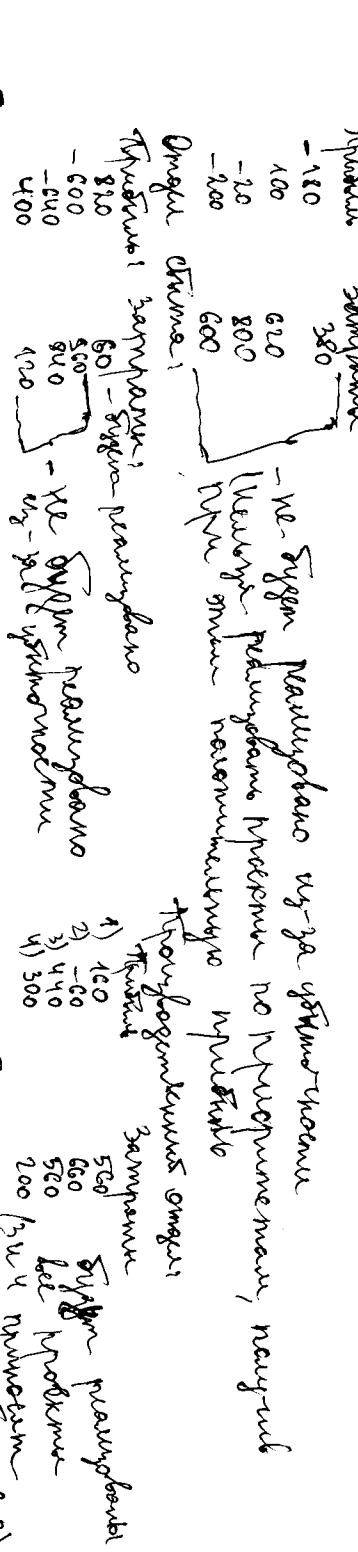
$$(2a+3)(2a+10)$$

⊕ ⊕

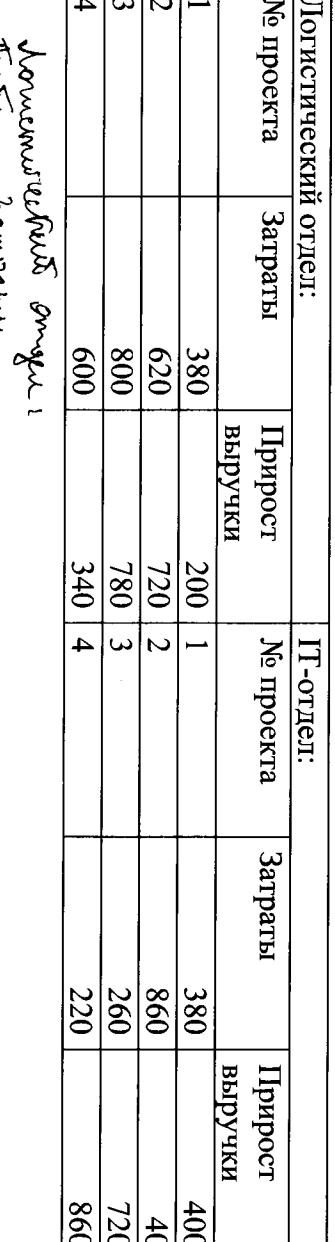
Также  $a = 4$ ; (1) — верно

или  $a = 5$ ; (1) — неверно

Однако при  $a \in \{4, 5\}$  — ремонт обошёлся бы дешевле с  $P_{\text{Петр}}$ .



Логистический отдел:			IT-отдел:		
№ проекта	Затраты	Прирост выручки	№ проекта	Затраты	Прирост выручки
1	380	200	1	380	400
2	620	720	2	860	40
3	800	780	3	260	720
4	600	500	4	220	860



Логистический отдел:			IT-отдел:		
№ проекта	Затраты	Прирост выручки	№ проекта	Затраты	Прирост выручки
1	380	200	1	380	400
2	620	720	2	860	40
3	800	780	3	260	720
4	600	500	4	220	860

руководители заранее упорядочили по приоритетам (так, Проект 2 может быть реализован без Проекта 3, но не наоборот).

**Задание:**

1. Проанализируйте, какие именно проекты и какого отела следует профинансировать совету директоров при следующих предположениях:

- а) считать представленные расчёты точными и достоверными;
- б) рассматривать в качестве цели максимизацию прибыли от вложения средств в проекты;
- в) полагать извлекаемую из проектом временного разрыва между вложением средств и получением прибыли;

- г) пренебречь фактором времени для определения величины прибыли;
- д) исключить ситуацию, когда какой-либо проект финансируется только частично либо многократно;
- е) допустить возможность того, что часть исходной суммы в 4 млн. руб. так и останется невостребованной;
- ж) использовать информацию о проектах из таблиц ниже (единицы измерения - тыс. руб.).

**Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.**

**2. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**3. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**4. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**5. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**6. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**7. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**8. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**9. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**10. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**11. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**12. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**13. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**14. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**15. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**16. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**17. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**18. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**19. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**20. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**21. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**22. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**23. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**24. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**25. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**26. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**27. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**28. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**29. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**30. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**31. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго знака после запятой.

**32. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

Все расчеты проводить с точностью до второго

Шифр \_\_\_\_\_

Всего 90 баллов

Задача 1 \_\_\_\_\_

15 баллов

Задача 2 \_\_\_\_\_

5 баллов

Задача 3 \_\_\_\_\_

15 баллов

Задача 4 \_\_\_\_\_

25 баллов

Задача 5 \_\_\_\_\_

25 баллов