

**Задача 5.** В соответствии с Налоговым кодексом России некоторые организации используют упрощенную систему налогообложения (УСН), согласно которой налогом облагаются только их доходы (выручка), а не прибыль.

Предположим, что в небольшом городе Сосновка на рынке пассажирских перевозок действует единственная транспортная компания «Реал», которая как раз планирует перейти на УСН, в соответствии с которой налог устанавливается в виде процента от получаемого компанией дохода (выручки). Управление экономического развития администрации города предоставило информацию о спросе на транспортные услуги компании, который описывается функцией:

$$Q = 400 - P_D,$$

где  $Q$  – количество перевозимых пассажиров, а  $P_D$  – цена билета за поездку.

Зависимость общих затрат компании от количества перевезенных пассажиров представлена в виде:

$$TC = Q^2 + 500$$

Администрация города Сосновка намерена увеличить объем пассажирских перевозок в городе на 25% по сравнению с существующим объемом и снизить цены на проезд в общественном транспорте. Для этого было принято решение субсидировать транспортную компанию в виде выплаты фиксированной суммы денег за каждого перевезенного пассажира. При этом дополнительно было принято решение о том, чтобы установить ставки налога и субсидии таким образом, чтобы сумма уплачиваемой компанией налога в бюджет города равнялась сумме субсидии, выплачиваемой компанией из бюджета города.

**Задания:**

А) Рассчитать ставку налога на доход компании ( $t$ ) и ставку субсидии ( $s$ ), выплачиваемой компанией из бюджета города при заданных условиях.

Б) Определить окажут ли влияние вычисленные ставки налога и субсидии на прибыль компании и рассчитать прибыль.

С) Определить цены за проезд до введения налога и субсидии и после их введения.

А) *коинцидентные явления многосторонней конкуренции*.

$\frac{\partial Q}{\partial P} > 1$  при  $Mk < Ml$

$$P = 400 - Q \quad (\text{предельная цена города})$$

$$TR = P(Q) \cdot Q = 400Q - Q^2; \quad MR = 400 - 2Q$$

$$TC = Q^2 + 500 \quad ; \quad MC = 2Q$$

$$400 - 2Q = 2Q$$

$$Q_0 = 100$$

$$P_0 = 400 - 100 = 300$$

$$Mk = 300$$

$$400 - 2Q = 300$$

$$Q_1 = 50$$

$$\text{Входные субсидии, то}$$

$$400 + s = 300 + 2s$$

$$400 + s = 300 + 2s$$

$$100 = s$$

$$P_1 = 400 - 50 = 350$$

$$Mk = 350$$

$$400 - 2Q = 350$$

$$Q_2 = 25$$

$$\text{Входные субсидии, то}$$

$$400 + s = 350 + 2s$$

$$100 = s$$

$$P_2 = 400 - 25 = 375$$

$$Mk = 375$$

$$400 - 2Q = 375$$

$$Q_3 = 12.5$$

$$\text{Входные субсидии, то}$$

$$400 + s = 375 + 2s$$

$$100 = s$$

$$P_3 = 400 - 12.5 = 387.5$$

$$Mk = 387.5$$

$$TR = P \cdot Q = 387.5 \cdot 12.5 = 4843.75$$

$$TC = 12.5^2 + 500 = 1562.5$$

$$Profit = TR - TC = 4843.75 - 1562.5 = 3281.25$$



1459

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА УЧАСТНИКА ОЛИМПИАДЫ ШКОЛЬНИКОВ СПбГУ

2019–2020

заключительный этап

ЭКОНОМИКА (10-11 класс)

Москва

Дата: 08.02.2020

### ВАРИАНТ 7

**Задача 1.** На шведском рынке производят национальный продукт квашеную селедку – Сюрстрёмминг. Для этого производства бизнес обратился за дотацией. Спрос на эту продукцию задан функцией  $Q=100-3P$ , где  $Q$  – количество товара в упаковках,  $P$  – цена товара в шведских кронах. При установившемся на рынке равновесии известно, что, если цена изменится на 2%, то объем спроса изменится на 2%, а объем предложения изменится на 2%.

1. Определите размер выручки производителей при установившемся равновесии.
2. Определите, по какой цене должен продаваться этот товар, чтобы выручка производителя была максимальной и размер максимальной выручки.
3. Дотацию какой величины необходимо дать производителям рынка на каждую единицу продукции, чтобы была достигнута максимальная выручка.
4. Определите объем продаж и рыночную цену, если на данном рынке, в результате объединения производителей, была создана одна крупная компания-монополист.

$$1) \text{ Выручка производителя из продажи национальной селедки на чистой территории Европы, } TR_{max} = P_{max} \cdot Q_{max} = \frac{P_{max}}{\Delta P \%} \cdot \frac{Q_{max}}{\Delta P \%} = \frac{P_{max}}{100-3P} \cdot \frac{Q_{max}}{100-3P} = \frac{P_{max}}{100-3P} \cdot \frac{100-3P}{100-3P} = P_{max} \cdot 1 = P_{max}$$

$$2) \text{ Выручка производителя из продажи национальной селедки на чистой территории Европы, } TR_{max} = P \cdot Q = 100 - 3P \cdot Q = 100 - 3P \cdot \frac{100-3P}{100-3P} = 100 - 3P \cdot 1 = 100 - 3P$$

$$3) \text{ Выручка производителя из продажи национальной селедки на чистой территории Европы, } TR_{max} = P \cdot Q = 100 - 3P \cdot Q = 100 - 3P \cdot \frac{100-3P}{100-3P} = 100 - 3P \cdot 1 = 100 - 3P$$

$$4) \text{ Выручка производителя из продажи национальной селедки на чистой территории Европы, } TR_{max} = P \cdot Q = 100 - 3P \cdot Q = 100 - 3P \cdot \frac{100-3P}{100-3P} = 100 - 3P \cdot 1 = 100 - 3P$$

$$5) \text{ Выручка производителя из продажи национальной селедки на чистой территории Европы, } TR_{max} = P \cdot Q = 100 - 3P \cdot Q = 100 - 3P \cdot \frac{100-3P}{100-3P} = 100 - 3P \cdot 1 = 100 - 3P$$

Шиф

70

**Задача 2.** В связи с закрытием некоторых отдельных предприятий численность занятых в Банановой республике снизилась за год на 5%. При этом уровень безработицы в предыдущем году составлял 16%, а в нынешнем - увеличился до 17%.

**Определите, на сколько процентов и в какую сторону изменилось за год количество безработных.**

**Формулы для**

$$У\% = V\% - 16\%$$

$$Q\% = Q_0\% \cdot Q\% = Q\% \cdot Q\%$$

$$У\% = V\% \cdot \frac{Q\%}{L} = \frac{Q\%}{Q\% + Q\%} \cdot 100\%$$

$$L = V + E \\ 100\% = 16\% + 84\%$$

В других случаях возрастает безработица  
и количеством занятых

занимающаяся ремонтом различных помещений, предлагает на выбор любых двух из свободных на данный момент четырех рабочих: Максима, Арсения, Валерия и Анну. Известно, что Максим, работая один, может выполнить всю работу за  $a+2$  дня, Валерий — за  $a+4$  дня и Анна — за  $a+5$  дней, при этом работа Анна стоит 2 тыс. рублей в день, Валерий — 3 тыс. рублей в день, Арсения — 4 тыс. рублей в день и Максима — 5 тыс. рублей в день. Влас выбирает для ремонта двух наиболее производительных рабочих: Максима и Арсения.

**При каких значениях  $a$  ремонт помещения обошёлся бы Власу дешевле, если бы он выбрал Валерия и Анну вместо Максима и Арсения?**

Максим	Арсений	Валерий	Анна
$a$	$a+2$	$a+4$	$a+5$
5 тыс.	4 тыс.	3 тыс.	2 тыс.
<i>(один из вариантов ремонта, если начинать ремонта и временно)</i>			
$T\% M + A\% = (a+4)3 + (a+5)2 = 5a + 2a + 12 + 10 = 5a + 2a + 22$	<i>(один из вариантов ремонта, если начинать ремонт и Валерий)</i>		
$T\% M + A\% < T\% M + A\%$	<i>(один из вариантов ремонта)</i>		
$5a + 2a < 5a + 4a + 14 < 9a + 14$	$T\% M + A\% = 4 \cdot 5 + (4+2) \cdot 4 = 20 + 24 < 44$		
$14 < 4a$	$T\% M + A\% = (a+4)3 + (4+5)2 = 2 \cdot 24 + 18 = 2 \cdot 42$		
$a > 3,5$	<i>(один из вариантов ремонта)</i>		

руководители заранее упорядочили по приоритетам (так, Проект 2 может быть реализован без Проекта 3, но не наоборот).

**Задания:**

**1. Проанализируйте, какие именно проекты и какого отдела следует профинансировать совету директоров при следующих предположениях:**

а) считать представленные расчёты точными и достоверными;

б) рассматривать в качестве цели максимизацию прибыли от вложения средств в проекты;

в) полагать извлекаемую из проектов прибыль единоразовой;

г) пренебречь фактором временного разрыва между вложением средств и получением прибыли;

д) исключить ситуацию, когда какой-либо проект финансируется только частично либо многократно;

е) допустить возможность того, что часть исходной суммы в 7 млн. руб. так и останется невостребованной;

ж) использовать информацию о проектах из таблиц ниже (единицы измерения - тыс. руб.).

**2. Определите предполагаемый прирост прибыли в результате принятия такого плана.**

**Все расчёты проводить с точностью до второго знака после запятой.**

Логистический отдел:			IT-отдел:		
№ проекта	Затраты $\text{руб}$	Прирост $\text{руб}$ выручки	№ проекта	Затраты $\text{руб}$	Прирост $\text{руб}$ выручки
1	120	720	1	860	800
2	260	100	2	980	780
3	920	220	3	540	500
4	60	840	4	860	700

① и проекта прибыль		② и проекта прибыль		④ и проекта прибыль	
1	-180	2	-60	1	-60
2	-480	3	-180	2	-180
3	320	4	-560	3	-40
4	780	4	160	4	-160

и проекта прибыль, в сроках

и (4) прибыль точно такое же и

и (4) прибыль, в сроках

Шифр \_\_\_\_\_

всего 70 баллов

Задача 1

\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
15 баллов

Задача 2

\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
0 баллов

Задача 3

\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
~~15~~ 15 баллов

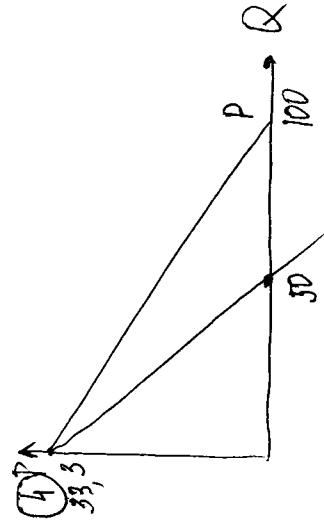
Задача 4

\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
25 баллов

Задача 5

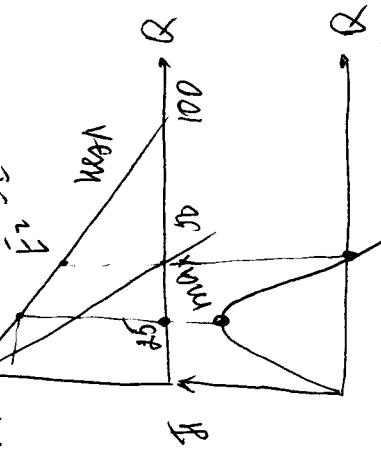
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
15 баллов

# Wirtschaftswissenschaft



$$3P = 100 - Q$$

$$P = 33,3 - \frac{1}{3}Q \quad \text{- Steigung der Güterlinie}$$



$$MR = 33,3 - \frac{2}{3}Q$$

$$f_2 > \max, \text{ da } Q = 25$$

$$25 = 100 - 3P$$

$$\left[ \begin{array}{l} Q = 25 \\ P = 25 \end{array} \right]$$

$$\underline{\text{Gewinne}} \quad 5 \quad (\text{abgrenzen})$$

$$T = t \cdot (400Q - Q^2) = t \cdot 34.375$$

$$f = T$$

$$12.500 = t \cdot 34.375$$

$$t = \frac{12.500}{34.375} \approx 0,36$$

$$t = 36\%$$

$$P = 400.100 - 100^2 = 100^2 - 5000 = 19.500$$

$$b) f_0 = TR - TL = TR/100 - TL/100 = 400.100 - 100^2 + 5000 = 18.500$$

$$TL = Q^2 + 500 - 8f + T_2 Q^2 + 500 - 12.500 + 12.500 = Q^2 + 500$$

$$TL = T_0$$

$$T_0 = 18.500 - 100^2 - 5000 = 18.500 - 100^2 = 18.500$$

$$f_1(12.5) = TR/12.5 - TL/12.5 = 400.12.5 - 12.5^2 - 5000/12.5 = 0$$

$$= 50000 - 15.625 - 15.625 - 5000 = 39.750 \quad \text{um wa 6,4 \%}$$

Gewinne abgrenzen

$$\frac{18.500 - 100^2}{18.500} \cdot 100\% = -6,4\%$$

$$T) P_0 = 300 \quad (ggf)$$

$$P = 2835 \quad (\text{neu})$$

# Japanne d. Importwerte Wertsteile.

d. momenten wett.

$$y_p V = \frac{Q_{\delta D}}{Q_{\delta D} + Q_{\beta D}} / \text{b. jahr}$$

$$D_{1,16} = \frac{Q_{\delta D}}{Q_{\delta D} + Q_{\beta D}}$$

$$Q_{\delta D} = D_{1,16} Q_{\beta D} + D_{1,16} Q_{\beta D}$$

$$D_{1,84} Q_{\delta D} = D_{1,16} Q_{\beta D}$$

$$Q_{\delta D} = \frac{D_{1,16} Q_{\beta D}}{D_{1,84}}$$

$$y_p V = \frac{Q_{\delta t}}{Q_{\delta t} + Q_{\beta t}} \\ y_p V = \frac{Q_{\delta t}}{Q_{\delta t} + D_{1,95} Q_{\beta t}}$$

$$Q_{\delta t} = D_{1,17} Q_{\beta t} + D_{1,15} Q_{\beta t}$$

$$D_{1,83} Q_{\delta t} = D_{1,15} Q_{\beta t}$$

$$Q_{\delta t} = \frac{D_{1,15} Q_{\beta t}}{D_{1,83}}$$

$$\Delta Q_{\delta \%} = \left( \frac{Q_{\delta t}}{Q_{\delta D}} - 1 \right) 100\% = \left( \frac{D_{1,15} Q_{\beta D}}{D_{1,83} Q_{\beta D}} - 1 \right) 100\% =$$

$$= \left( \frac{D_{1,15} Q_{\beta D}}{D_{1,13566} Q_{\beta D}} - 1 \right) 100\% \approx (1,0215 - 1) 100\% \approx$$

$$\approx +2,15\%$$

Problem: Konsumenten verbrauchen mehr als 15% Importwaren und 2%.

Japanne 1 (Importwerte)

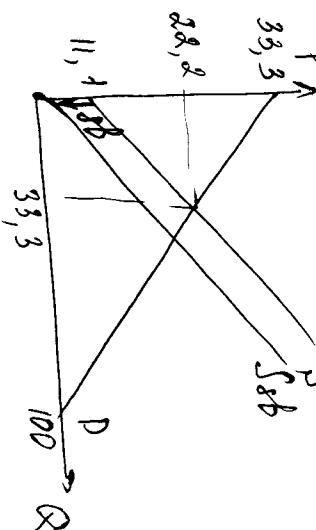
$$2,2,2,2 = 66,6$$

$$d = 3$$

$$Q_{S2} = 1 + 3P$$

$$33,32 = 1 + 3 \cdot 2,2,2,2$$

$$1 = 33,3 - 66,6 = -33,3$$



$$\frac{Q_{S2} - 33,3 + 3P}{3}$$

③ Beispiel für andere d. Importwerte

$$Q_{S2} = 33,3 + 3(P + 5b) = 33,3 + 3P + 38b$$

Japanne 2 (Importwerte)

$$50,2 - 33,3 + 3 \cdot 16,65 + 38b$$

$$50,2 - 33,3 + 3 - 49,95 = 33,35$$

$$38b = 11,1$$

$$\frac{Q_{S2} - 33,3 + 3P}{3} = 3P$$

$$Q_{S2} = 3P$$

## Числитель

Исправте и (подчеркните).

Была прогулка в парке. Всем ограждения (были) ненужны.

Исправь

Была прогулка = 1, тогда

$$\text{Была прогулка} \quad 500 \quad (600 - 100 - 200 + 300 = 500)$$

$$\text{Была прогулка} \quad 100 + 200 + 300 + 600 = 1500 \text{ тыс.}$$

$$\text{Была прогулка} \quad 100 + 200 + 300 + 600 = 1500 \text{ тыс.}$$

$$\text{Была прогулка} \quad 100 + 200 + 300 + 600 = 1500 \text{ тыс.}$$

$$\text{Была прогулка} \quad 100 + 200 + 300 + 600 = 1500 \text{ тыс.}$$

$$\text{Была прогулка} \quad 100 + 200 + 300 + 600 = 1500 \text{ тыс.}$$

$$\text{Была прогулка} \quad 100 + 200 + 300 + 600 = 1500 \text{ тыс.}$$

$$\frac{g_A^2 + 18A}{2gA + g} \rightarrow \frac{5A^2 + 45A + 100}{2gA + g}$$

$$\frac{g_A^2 + 18A}{2gA + g} \rightarrow \frac{5A^2 + 45A + 100}{2gA + g}$$

$$\frac{9x^2 + 18x}{x+2} - \frac{5x^2 + 45x + 100}{x+2} > 0$$

$$\frac{(9x^2 + 18x)/(x+2) - (5x^2 + 45x + 100)/(x+2)}{(x+2)/(x+2)} > 0$$

$$\frac{18x^3 + 81x^2 + 36x^2 + 16x^2 - 10x^3 - 10x^2 - 90x^2 - 80x - 800}{4x^3 + 18x^2 + 4x^2 + 18} > 0$$

$$\frac{8x^3 + 12x^2 - 12x^2 - 800}{4x^3 + 2x^2 + 18} > 0$$

$$x = 2, \text{ so } \frac{8 \cdot 8 + 12 \cdot 4 - 12 \cdot 4 - 800}{4 \cdot 4 + 2 \cdot 2 + 18} = \frac{64 + 64 - 96 - 800}{16 + 44 + 18} < 0$$

ne gilt.

$$x = 3, \text{ so } \frac{8 \cdot 27 + 12 \cdot 9 - 12 \cdot 9 - 800}{4 \cdot 9 + 2 \cdot 3 + 18} = \frac{216 + 153 - 984 - 800}{36 + 68 + 18} < 0$$

ne gilt.

$$x = 4, \text{ so}$$

$$= \frac{8 \cdot 64 + 12 \cdot 16 - 12 \cdot 4 - 800}{4 \cdot 16 + 2 \cdot 4 + 18} =$$

$$= \frac{512 + 232 - 512 - 800}{64 + 88 + 18} < 0, \text{ also}$$

Problem:  $x = 4$ .